

The 120 vectors with icosian ring generated by phi

phi: $2A_5 \rightarrow \mathbb{R}^8$
 $(a+b\sqrt{5})+(c+d\sqrt{5})i+(e+f\sqrt{5})j+(g+h\sqrt{5})k \rightarrow 2(a, b, c, d, e, f, g, h)$

```
[[0, 0, 2, 0, 0, 0, 0, 0],  
 [0, 0, 0, 0, 2, 0, 0, 0],  
 [0, 0, 0, 0, 0, 0, 2, 0],  
 [1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0],  
 [0, 0, 1, 0, 1/2, -1/2, 1/2, 1/2],  
 [0, 0, 0, -2, 0, 0, 0, 0],  
 [2, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],  
 [1, 0, 1, 0, -1, 0, -1, 0],  
 [1/2, 1/2, 1/2, -1/2, -1, 0, 0, 0],  
 [0, 0, 0, 0, 0, -2, 0],  
 [-2, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0],  
 [-1, 0, 1, 0, 1, 0, -1, 0],  
 [-1/2, 1/2, 1/2, 1/2, 0, 0, -1, 0],  
 [1, 0, 1, 0, 0, -1, 0],  
 [1/2, 1/2, 1, 0, 0, 0, -1/2, 1/2],  
 [0, 0, 1, 0, -1/2, 1/2, -1/2, -1/2],  
 [-1/2, -1/2, 1/2, -1/2, 1, 0, 0, 0],  
 [1/2, -1/2, 1/2, 1/2, 0, 0, 1, 0],  
 [1/2, -1/2, 1, 0, 1/2, 1/2, 0, 0],  
 [0, 0, -2, 0, 0, 0, 0, 0],  
 [-1, 0, -1, 0, 1, 0, 1, 0],  
 [-1/2, -1/2, -1/2, 1/2, 1, 0, 0, 0],  
 [1, 0, -1, 0, 1, 0, -1, 0],  
 [1, 0, 0, 0, 1/2, 1/2, -1/2, 1/2],  
 [1, 0, -1, 0, 1, 0, 1, 0],  
 [1/2, -1/2, 0, 0, 1, 0, 1/2, 1/2],  
 [1/2, 1/2, 1/2, -1/2, 1, 0, 0, 0],  
 [0, 0, -1, 0, 1/2, -1/2, -1/2, -1/2],  
 [-1, 0, 0, 0, 1/2, 1/2, 1/2, -1/2],  
 [0, 0, -1/2, -1/2, 1, 0, 1/2, -1/2],  
 [1, 0, -1, 0, -1, 0, 1, 0],  
 [1/2, -1/2, -1/2, 0, 0, 1, 0, 0],  
 [-1, 0, 1, 0, -1, 0, 1, 0],  
 [-1, 0, 0, 0, -1/2, -1/2, 1/2, -1/2],  
 [1, 0, 1, 0, -1, 0, 1, 0],  
 [0, 0, 1/2, -1/2, -1/2, 1, 0],  
 [-1/2, 1/2, 1/2, 1/2, 0, 0, 1, 0],  
 [1, 0, 0, 0, 1/2, 1/2, 1/2, -1/2],  
 [0, 0, -1, 0, -1/2, 1/2, 1/2, 1/2],  
 [1/2, 1/2, 0, 0, -1/2, 1/2, 1, 0],  
 [1, 0, 1/2, -1/2, 0, 0, 1/2, 1/2],  
 [1/2, 1/2, 1, 0, 0, 0, 1/2, -1/2],  
 [1/2, -1/2, 0, 0, 1, 0, -1/2, -1/2],  
 [0, 0, -1/2, 1/2, 1/2, 1/2, 1/2, 0],  
 [1/2, 1/2, -1/2, 1/2, 1, 0, 0, 0],  
 [-1/2, 1/2, -1/2, -1/2, 0, 0, 1, 0],  
 [1/2, 1/2, 0, 0, 1/2, -1/2, 1, 0],  
 [0, 0, -1, 0, 1/2, -1/2, 1/2, 1/2],  
 [-1/2, -1/2, 1/2, -1/2, -1, 0, 0, 0],  
 [1, 0, 0, 0, -1/2, -1/2, 1/2, -1/2],  
 [1/2, -1/2, 1, 0, -1/2, -1/2, 0, 0],  
 [0, 0, 1/2, -1/2, -1/2, -1/2, -1, 0],  
 [1/2, -1/2, 1/2, 1/2, 0, 0, -1, 0],  
 [-1, 0, 0, 0, 1/2, 1/2, -1/2, 1/2],  
 [0, 0, 1/2, 1/2, 1, 0, -1/2, 1/2],  
 [0, 0, 1/2, 1/2, 1/2, -1/2, -1/2],  
 [1, 0, 0, 0, -1/2, -1/2, -1/2, 0],  
 [1/2, 0, 0, -1/2, -1/2, -1/2, 1/2],  
 [-1/2, 1/2, 0, 0, -1, 0, -1/2, -1/2],  
 [-1/2, -1/2, -1/2, 1/2, -1, 0, 0, 0],  
 [0, 0, 1, 0, -1/2, 1/2, 1/2, 1/2],  
 [1, 0, -1, 0, -1, 0, -1, 0],  
 [0, 0, -1, 0, -1/2, 1/2, -1/2, -1/2],  
 [-1, 0, 1, 0, -1, 0, -1, 0],  
 [-1/2, 1/2, 0, 0, -1, 0, -1/2, -1/2],  
 [-1/2, -1/2, -1/2, 1/2, -1, 0, 0, 0],  
 [0, 0, 1, 0, -1/2, 1/2, 1/2, 1/2],  
 [1, 0, -1, 0, -1, 0, -1, 0],  
 [1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0]]
```

```

[1, 0, -1/2, -1/2, -1/2, 1/2, 0, 0],
[1, 0, -1/2, 1/2, 0, 0, -1/2, -1/2],
[1/2, 1/2, 0, 0, -1/2, 1/2, -1, 0],
[1/2, -1/2, 0, 0, -1, 0, -1/2, -1/2],
[-1/2, -1/2, 1, 0, 0, 0, -1/2, 1/2],
[0, 0, 1, 0, 1/2, -1/2, -1/2, -1/2],
[1, 0, 1/2, -1/2, 0, 0, -1/2, -1/2],
[1/2, -1/2, -1/2, 0, 0, -1, 0],
[0, 0, -1/2, -1/2, -1, 0, -1/2, 1/2],
[-1, 0, -1/2, -1/2, -1/2, 1/2, 0, 0],
[-1, 0, 0, -1/2, -1/2, -1/2, 1/2],
[-1/2, 1/2, 1, 0, -1/2, -1/2, 0, 0],
[-1/2, 1/2, -1, 0, -1/2, -1/2, 0, 0],
[-1/2, 1/2, -1/2, -1/2, 0, 0, -1, 0],
[-1, 0, -1, 0, 1, 0, -1, 0],
[0, 0, -1/2, 1/2, 1/2, 1/2, -1, 0],
[-1/2, -1/2, 0, 0, 1/2, -1/2, -1, 0],
[-1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 0],
[-1, 0, 1/2, 1/2, 1/2, -1/2, 0, 0],
[-1, 0, 1/2, -1/2, 0, 0, 1/2, 1/2],
[0, 0, 1/2, -1/2, 1/2, 1/2, -1, 0],
[-1, 0, -1/2, -1/2, 1/2, -1/2, 0, 0],
[-1/2, -1/2, 1, 0, 0, 0, 1/2, -1/2],
[-1/2, 1/2, 1, 0, 1/2, 1/2, 0, 0],
[1/2, 1/2, 0, 0, 1/2, -1/2, -1, 0],
[1/2, 1/2, -1, 0, 0, 0, -1/2, 1/2],
[-1, 0, -1/2, 1/2, 0, 0, -1/2, -1/2],
[-1/2, 1/2, 0, 0, 1, 0, -1/2, -1/2],
[0, 0, 1/2, 1/2, 1, 0, 1/2, -1/2],
[0, 0, 1/2, -1/2, 1/2, 1/2, 1, 0],
[-1/2, 1/2, 0, 0, 1, 0, 1/2, 1/2],
[1/2, -1/2, 0, 0, -1, 0, 1/2, 1/2],
[1, 0, -1/2, -1/2, 1/2, -1/2, 0, 0],
[0, 0, -1/2, 1/2, -1/2, -1/2, -1, 0],
[-1, 0, 1/2, 1/2, -1/2, 1/2, 0, 0],
[1/2, 1/2, -1/2, 1/2, -1, 0, 0, 0],
[-1, 0, 1/2, -1/2, 0, 0, -1/2, -1/2],
[-1/2, -1/2, 0, 0, -1, 0, -1/2, -1/2],
[1, 0, -1/2, 1/2, 0, 0, 1/2, 1/2],
[0, 0, 1/2, 1/2, -1, 0, 1/2, -1/2],
[1, 0, 1/2, 1/2, -1/2, 1/2, 0, 0],
[1/2, -1/2, -1, 0, 1/2, 1/2, 0, 0],
[-1, 0, -1/2, 1/2, 0, 0, 1/2, 1/2],
[-1, 0, -1, 0, -1, 0, 1, 0],
[1/2, 1/2, -1, 0, 0, 0, 1/2, -1/2],
[-1/2, 1/2, -1, 0, 0, 1/2, 1/2, 0, 0],
[-1/2, -1/2, 1/2, -1/2, -1/2, 1, 0],
[0, 0, -1/2, 1/2, -1/2, -1/2, 1, 0],
[1/2, -1/2, -1, 0, -1/2, -1/2, 0, 0],
[-1/2, -1/2, 0, 0, -1/2, 1/2, 1, 0],
[0, 0, -1/2, -1/2, -1, 0, 1/2, -1/2],
[-1/2, 1/2, 0, 0, -1, 0, 1/2, 1/2]

```

```

*****
phi: 2A_5 → R^8
(a+b√5)+(c+d√5)i+(e+f√5)j+(g+h√5)k → 2σ(a,b,c,d,e,f,g,h)
```

```

[[0, 0, -1, 1, 0, 0, 0, 0],
[0, 0, 0, 0, -1, 1, 0, 0],
[0, 0, 0, 0, 0, 0, -1, 1],
[1/2, -1/2, 1/2, -1/2, 1/2, -1/2, 1/2, -1/2],
[0, 0, 1/2, -1/2, 3/2, -1/2, -1, 0],
[0, 0, 0, 0, 1, -1, 0, 0],
[-1, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0],
[1/2, -1/2, 1/2, -1/2, -1/2, 1/2, -1/2, 1/2],
[-1, 0, 3/2, -1/2, -1/2, 1/2, 0, 0],
[0, 0, 0, 0, 0, 1, -1],
```

$$\begin{aligned}
& [1, -1, 0, 0, 0, 0, 0, 0], \\
& [-1/2, 1/2, 1/2, -1/2, 1/2, -1/2, -1/2, 1/2], \\
& [-3/2, 1/2, -1, 0, 0, 0, -1/2, 1/2], \\
& [1/2, -1/2, 1/2, -1/2, 1/2, -1/2, -1/2, 1/2], \\
& [-1, 0, 1/2, -1/2, 0, 0, -3/2, 1/2], \\
& [0, 0, 1/2, -1/2, -3/2, 1/2, 1, 0], \\
& [1, 0, 3/2, -1/2, 1/2, -1/2, 0, 0], \\
& [3/2, -1/2, -1, 0, 0, 0, 1/2, -1/2], \\
& [3/2, -1/2, 1/2, -1/2, -1, 0, 0, 0], \\
& [0, 0, 1, -1, 0, 0, 0, 0], \\
& [-1/2, 1/2, -1/2, 1/2, 1/2, -1/2, 1/2, -1/2], \\
& [1, 0, -3/2, 1/2, 1/2, -1/2, 0, 0], \\
& [1/2, -1/2, -1/2, 1/2, 1/2, -1/2, -1/2, 1/2], \\
& [1/2, -1/2, 0, 0, -1, 0, -3/2, 1/2], \\
& [1/2, -1/2, -1/2, 1/2, 1/2, -1/2, 1/2, -1/2], \\
& [3/2, -1/2, 0, 0, 1/2, -1/2, -1, 0], \\
& [-1, 0, 3/2, -1/2, 1/2, -1/2, 0, 0], \\
& [0, 0, -1/2, 1/2, 3/2, -1/2, 1, 0], \\
& [-1/2, 1/2, 0, 0, -1, 0, 3/2, -1/2], \\
& [0, 0, 1, 0, 1/2, -1/2, 3/2, -1/2], \\
& [1/2, -1/2, -1/2, 1/2, -1/2, 1/2, 1/2, -1/2], \\
& [3/2, -1/2, 1, 0, 0, 0, 1/2, -1/2], \\
& [-1/2, 1/2, 1/2, -1/2, -1/2, 1/2, 1/2, -1/2], \\
& [-1/2, 1/2, 0, 0, 1, 0, 3/2, -1/2], \\
& [1/2, -1/2, 1/2, -1/2, -1/2, 1/2, 1/2, -1/2], \\
& [0, 0, 3/2, -1/2, 1, 0, 1/2, -1/2], \\
& [-3/2, 1/2, -1, 0, 0, 0, 1/2, -1/2], \\
& [1/2, -1/2, 0, 0, -1, 0, 3/2, -1/2], \\
& [0, 0, -1/2, 1/2, -3/2, 1/2, -1, 0], \\
& [-1, 0, 0, 0, -3/2, 1/2, 1/2, -1/2], \\
& [1/2, -1/2, 3/2, -1/2, 0, 0, -1, 0], \\
& [-1, 0, 1/2, -1/2, 0, 0, 3/2, -1/2], \\
& [3/2, -1/2, 0, 0, 1/2, -1/2, 1, 0], \\
& [0, 0, -3/2, 1/2, -1, 0, 1/2, -1/2], \\
& [-1, 0, -3/2, 1/2, 1/2, -1/2, 0, 0], \\
& [-3/2, 1/2, 1, 0, 0, 0, 1/2, -1/2], \\
& [-1, 0, 0, 0, 3/2, -1/2, 1/2, -1/2], \\
& [0, 0, -1/2, 1/2, 3/2, -1/2, -1, 0], \\
& [1, 0, 3/2, -1/2, -1/2, 1/2, 0, 0], \\
& [1/2, -1/2, 0, 0, 1, 0, 3/2, -1/2], \\
& [3/2, -1/2, 1/2, -1/2, 1, 0, 0, 0], \\
& [0, 0, 3/2, -1/2, 1, 0, -1/2, 1/2], \\
& [3/2, -1/2, -1, 0, 0, 0, -1/2, 1/2], \\
& [-1/2, 1/2, 0, 0, -1, 0, -3/2, 1/2], \\
& [0, 0, -1, 0, 1/2, -1/2, -3/2, 1/2], \\
& [0, 0, -1, 0, -1/2, 1/2, -3/2, 1/2], \\
& [1/2, -1/2, -1, 0, 3/2, -1/2, 0, 0], \\
& [1/2, -1/2, 0, 0, 1, 0, -3/2, 1/2], \\
& [-1/2, 1/2, -1/2, 1/2, -1/2, 1/2, -1/2, 1/2], \\
& [0, 0, -1/2, 1/2, -3/2, 1/2, 1, 0], \\
& [-1/2, 1/2, 1/2, -1/2, -1/2, 1/2, -1/2, 1/2], \\
& [-3/2, 1/2, 0, 0, -1/2, 1/2, 1, 0], \\
& [1, 0, -3/2, 1/2, -1/2, 1/2, 0, 0], \\
& [0, 0, 1/2, -1/2, -3/2, 1/2, -1, 0], \\
& [1/2, -1/2, -1/2, 1/2, -1/2, 1/2, -1/2, 1/2], \\
& [1/2, -1/2, 1, 0, -3/2, 1/2, 0, 0], \\
& [1/2, -1/2, -3/2, 1/2, 0, 0, 1, 0], \\
& [-1, 0, 0, 0, -3/2, 1/2, -1/2, 1/2], \\
& [3/2, -1/2, 0, 0, -1/2, 1/2, 1, 0], \\
& [1, 0, 1/2, -1/2, 0, 0, -3/2, 1/2], \\
& [0, 0, 1/2, -1/2, 3/2, -1/2, 1, 0], \\
& [1/2, -1/2, 3/2, -1/2, 0, 0, 1, 0], \\
& [3/2, -1/2, 1, 0, 0, 0, -1/2, 1/2], \\
& [0, 0, 1, 0, -1/2, 1/2, -3/2, 1/2], \\
& [-1/2, 1/2, 1, 0, -3/2, 1/2, 0, 0], \\
& [-1/2, 1/2, 0, 0, 1, 0, -3/2, 1/2], \\
& [-3/2, 1/2, 1/2, -1/2, 1, 0, 0, 0], \\
& [-3/2, 1/2, -1/2, 1/2, 1, 0, 0, 0], \\
& [-3/2, 1/2, 1, 0, 0, 0, -1/2, 1/2], \\
& [-1/2, 1/2, -1/2, 1/2, 1/2, -1/2, -1/2, 1/2], \\
& [0, 0, -3/2, 1/2, -1, 0, -1/2, 1/2],
\end{aligned}$$

```

[1, 0, 0, 0, 3/2, -1/2, -1/2, 1/2],
[-1/2, 1/2, 1/2, -1/2, 1/2, -1/2, 1/2, -1/2],
[-1/2, 1/2, -1, 0, 3/2, -1/2, 0, 0],
[-1/2, 1/2, 3/2, -1/2, 0, 0, -1, 0],
[0, 0, 3/2, -1/2, -1, 0, -1/2, 1/2],
[-1/2, 1/2, -1/2, 1, 0, 3/2, -1/2, 0, 0],
[1, 0, 1/2, -1/2, 0, 0, 3/2, -1/2],
[-3/2, 1/2, 1/2, -1/2, -1, 0, 0, 0],
[-1, 0, 0, 0, 3/2, -1/2, -1/2, 1/2],
[-1, 0, -1/2, 1/2, 0, 0, -3/2, 1/2],
[-1/2, 1/2, -3/2, 1/2, 0, 0, 1, 0],
[-3/2, 1/2, 0, 0, 1/2, -1/2, 1, 0],
[0, 0, -1, 0, 1/2, -1/2, 3/2, -1/2],
[0, 0, 3/2, -1/2, -1, 0, 1/2, -1/2],
[-3/2, 1/2, 0, 0, 1/2, -1/2, -1, 0],
[3/2, -1/2, 0, 0, -1/2, 1/2, -1, 0],
[1/2, -1/2, 1, 0, 3/2, -1/2, 0, 0],
[0, 0, -3/2, 1/2, 1, 0, -1/2, 1/2],
[-1/2, 1/2, -1, 0, -3/2, 1/2, 0, 0],
[-1, 0, -3/2, 1/2, -1/2, 1/2, 0, 0],
[-1/2, 1/2, 3/2, -1/2, 0, 0, 1, 0],
[1, 0, 0, 0, -3/2, 1/2, -1/2, 1/2],
[1, 0, 0, 0, 3/2, -1/2, 1/2, -1/2],
[0, 0, 1, 0, 1/2, -1/2, -3/2, 1/2],
[1, 0, -1/2, 1/2, 0, 0, 3/2, -1/2],
[1/2, -1/2, -3/2, 1/2, 0, 0, -1, 0],
[0, 0, -1, 0, -1/2, 1/2, 3/2, -1/2],
[1/2, -1/2, -1, 0, -3/2, 1/2, 0, 0],
[3/2, -1/2, -1/2, 1/2, -1, 0, 0, 0],
[-1/2, 1/2, -3/2, 1/2, 0, 0, -1, 0],
[-1/2, 1/2, -1/2, 1/2, -1/2, 1/2, 1/2, -1/2],
[-1, 0, -1/2, 1/2, 0, 0, 3/2, -1/2],
[-3/2, 1/2, -1/2, 1/2, -1, 0, 0, 0],
[1, 0, -1/2, 1/2, 0, 0, -3/2, 1/2],
[0, 0, -3/2, 1/2, 1, 0, 1/2, -1/2],
[3/2, -1/2, -1/2, 1/2, 1, 0, 0, 0],
[1, 0, 0, 0, -3/2, 1/2, 1/2, -1/2],
[0, 0, 1, 0, -1/2, 1/2, 3/2, -1/2],
[-3/2, 1/2, 0, 0, -1/2, 1/2, -1, 0]]

```